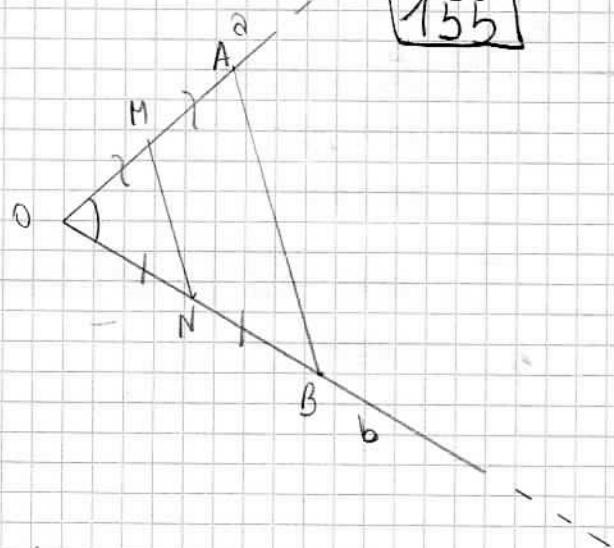


[155]



Hp:  $OM \cong AM$

$ON \cong BN$

Th:  $MNBA$  TRAPEZIO

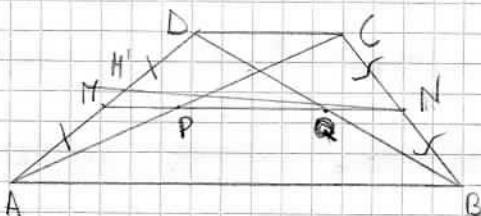
$$MN \cong \frac{1}{2} AB$$

Dimostrazione

Nel triangolo  $ABO$ ,  $MN$  è la congiungente dei punti medi e quindi, per il corollario del teorema di Talete è parallela ad  $AB$  e congruente alla sua metà ( $MN \cong \frac{1}{2} AB$ ).

Avendo due lati opposti paralleli,  $MNBA$  è un trapezio.

[156]



Hp:  $AB \parallel ED$

$$AM \cong MD$$

$$CN \cong BN$$

Th:  $AP \cong PE$

Dimostrazione

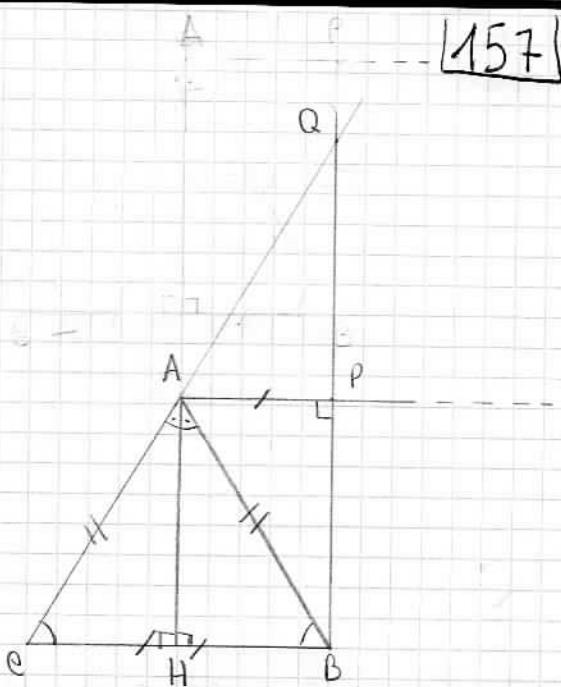
Ragiono per assurdo e dice che  $MN \not\parallel AB$ . Allora trovo un punto  $M'$ , tale che  $M'N$  sia parallelo ad  $AB$ .

Ma, per il teorema di Talete,  $AM' \cong M'D$  e ciò è impossibile, perché il punto medio è unico ed è  $M$ .

Quindi, per forza,  $MN \parallel AB$ .

Per il teorema di Talete,  $AP \cong PE$ .

157



Hp:  $\triangle ABE$  EQUILATERO  
 $AP \cong \frac{1}{2} BE$   
 $AP \parallel BE$

Th:  $BEP$  TRAPEZIO RETTANGOLO  
 $QP \cong BP$

Dimostrazione

AH mediana, altezza e bisettrice di  $BE$ .

$APHB$  è un parallelogramma perché ha i lati opposti  $AP$  e  $HB$  paralleli e congruenti. Inoltre è rettangolo, perché  $AHB$  è retto.

Quindi  $AHB$  è retto e  $AP \parallel BE$ , quindi  $BEP$  è un trapezio rettangolo.

Per il corollario del teorema di Talete, la parallela che parte dal punto medio di un lato ~~al terzo lato~~, incontra il terzo lato nel suo punto medio. Quindi, essendo  $BH \cong HE$  e  $AH \parallel BQ$ ,  $AQ \cong AE$ .

Per il teorema di Talete,  $QP \cong PB$ .